Test 2 bis, durée 30 min.

Les calculatrices, documents, et téléphones portables sont interdits.

Exercice 1:

Énoncer le théorème de Fubini pour les intégrales multiples sur une partie quarrable de \mathbb{R}^2 .

Exercice 2:

On considère le domaine \mathscr{D} de \mathbb{R}^2 défini par

$$\mathcal{D} = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2, 1 \le x^2 + y^2 \le 4\}.$$

- 1. Dessiner \mathcal{D} .
- 2. Soit α un réel positif. Calculer

$$\iint\limits_{\mathscr{D}} (x^2 + y^2)^{\alpha} \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y$$

Exercice 3:

Étudier la nature (intégrable ou non) de l'intégrale impropre

$$\int_0^\infty \frac{\sin(t)}{t^\alpha} \, \mathrm{d}t$$

selon le paramètre $\alpha \in \mathbb{R}$.